

AE2.CD1.I1

Método de Régula falsi para obtención de 3 primeras raíces
Núm. Ite Tol vertical Tol horz
80 0.00001 0.00001

x Zurda x Diestra

0.1 0.4
0.6 0.9
1.1 1.5

Método de Newton-Rampson de segundo orden para obtención de 3 primeras raíces
Tol Verical Tol horz
0.00001 0.00001

x Inicia
0.1
0.6
1.1

entrada



-4
Calif. 9.8

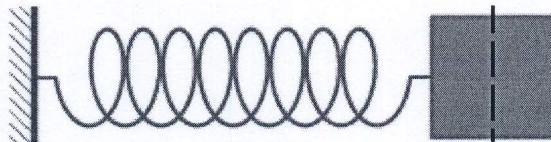
- 4

AE2.CD1.I1

*Conclucciones de tus resultados

Cálculo de la posición de un bloque respecto al tiempo en un oscilador armónico

En un sistema donde no hay fricción, una masa de 2 kg está sujetada a un resorte de constante $k = 72 \text{ N/m}$ como muestra la figura. Se jala el bloque desde el punto de equilibrio unos 0.4 m y se suelta en el instante cero creándose en el bloque un movimiento armónico simple. El bloque adquiere una frecuencia angular de 6 rad/s y se calcula el ángulo de fase a 1.57080 rad. En este problema se desea saber a partir del instante 0, en cuales próximos 3 instantes el bloque pasará por el punto de equilibrio.



La ecuación para conocer la posición de un objeto en un oscilador armónico es:

$$x_{(t)} = x_{max} \sin(\omega t + \phi)$$

Donde $x_{(t)}$ es la posición del objeto con respecto al tiempo; x_{max} es la posición más alejada del punto de equilibrio que alcanza el bloque; ω es la frecuencia angular; t es el tiempo y ϕ es el ángulo de fase. Reemplazando los datos que nos dio el problema, obtenemos la ecuación:

$$x_t = 0.4 \text{ m} \sin\left(\frac{6 \text{ rad}}{\text{s}} t + 0.157080 \text{ rad}\right)$$

La derivada de esta ecuación es:

$$x_t' = 2.4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \cos\left(\frac{6 \text{ rad}}{\text{s}} t + 0.157080 \text{ rad}\right)$$

La segunda derivada de la ecuación sería:

$$x_t'' = -14.4 \frac{\text{m}}{\text{s}} \sin\left(6 \frac{\text{rad}}{\text{s}} t + 0.157080 \text{ rad}\right)$$

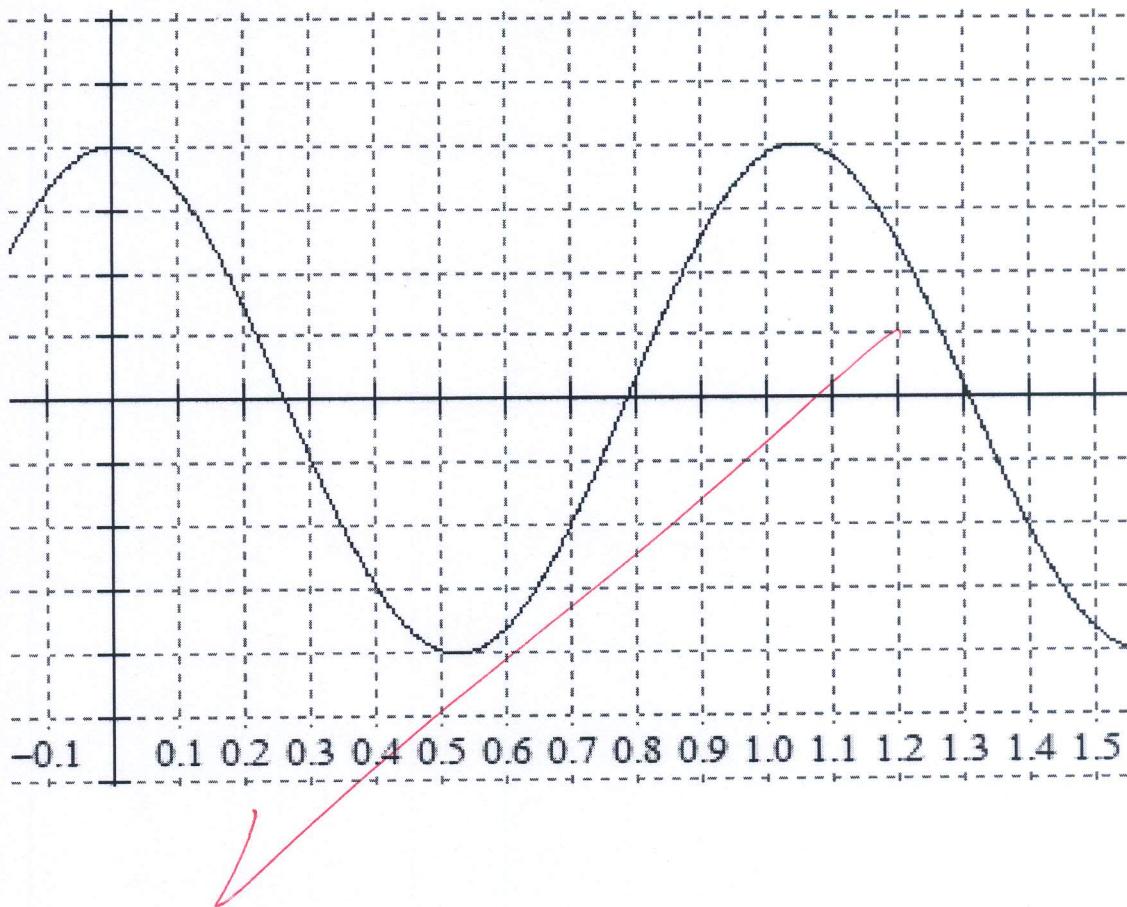
La primera y segunda derivada de la función son necesarias para la realización del método de Newton-Rampon de segundo orden.

Cuando la posición del bloque respecto al tiempo es cero, podemos decir que el bloque se encuentra en el punto de equilibrio ya que el extremo desde donde se soltó con velocidad igual a cero fue 0.40 m y el bloque aumentará su velocidad hasta llegar al punto de equilibrio, donde esta será máxima ya que aquí no se presenta ninguna oposición al movimiento y una vez allí comenzará a desacelerar hasta llegar al otro extremo que sería -0.40 m y su energía cinética sería cero. Si queremos conocer los 3 instantes donde el bloque está en su punto de equilibrio debemos calcular los 3 próximos $x_{(t)} = 0$; para realizar estos cálculos podemos utilizar métodos numéricos como el de posición falsa y el de newton-raphson.

Las 3 primeras raíces son: 0.2618, 0.7854 y 1.309

Gráfica de la función:

$$x_t = 0.4 \text{ m} \sin\left(\frac{6\text{rad}}{\text{s}} t + 0.157080\text{rad}\right)$$



```

1 //Equipo: METHOD
2 //Integrantes: Quintero Castillo Ricardo Jesus; Fabila Cejudo Jose Luis; Hernandez
3 //Narciso Jonathan
4
5 #include <stdio.h>
6 #include <stdlib.h>
7 #include <math.h>
8
9 //funcionx: Funcion del programa que determina el valor de x en la funcion
10 //f(x)=0.4sin(6x+1.57080) para cada x que se le asigne
11 //floatantes: xm: recibe valores de xizq[i], xder[i], xreal[i], x[i]; resreal: guarda el
12 //resultado de las operaciones realizadas en funcionx
13 float funcionx(float xm){
14     float resreal;
15     resreal= 0.4*sin((6*xm)+1.57080);
16     return resreal; }
17
18 //operacionizqder: Funcion del programa que determina la nueva x por medio del metodo de
19 //posicion falso
20 //floatantes: xizq: recibe valores de xizq[i]; xder: recibe valores de xder[i]; fxizq:
21 //recibe valores de fxizq[i]; fxder: recibe valores de fxder[i]; guarda el resultado de las
22 //operaciones realizadas en operacionizqder
23 float operacionizqder (float xizq, float xder, float fxizq, float fxder){
24     float xreal;
25     xreal=((xizq*fxder)-(xder*fxizq))/(fxder-fxizq);
26     return xreal; }
27
28 //errrorhz: Funcion del programa que calcula el error horizontal
29 //floatantes: xvieja: recibe valores de xizq[i], xder[i], x[i]; xnueva: recibe valores de
30 //xreal[i], x[i]; trrorhz: guarda el resultado de las operaciones realizadas en errrorhz
31 float errrorhz (float xvieja, float xnueva) {
32     float trrorhz= fabs((xnueva-xvieja)*100/xnueva);
33     return trrorhz; }
34
35 //vafxreal2: Funcion del programa que calcula el valor absoluto de f(x)
36 //floatantes: fxreal: recibe valores de fxreal[i], fx[i]; valorabsoluto: guarda el
37 //resultado de las operaciones realizadas en vafxreal2
38 float vafxreal2(float fxreal) {
39     float valorabsoluto= fabs(fxreal);
40     return valorabsoluto; }
41
42 //funcionpx: Funcion del programa que calcula el valor para cualquier x que se asigne en
43 //la derivada de f(x); f'(x)=2.4cos(6x+1.57080)
44 //floatantes: x: recibe valores de x[i]; result: guarda el resultado de las operaciones
45 //realizadas en funcionpx
46 float funcionpx(float x) {
47     float result;
48     result= 2.4*cos((6*x)+1.57080);
49     return result; }
50
51 //funcionp2x: Funcion del programa que calcula el valor para cualquier x que se asigne en
52 //la segunda derivada de f(x); f''(x)=-14.4sin(6x+1.57080)
53 //floatantes: x: recibe valores de x[i]; result: guarda el resultado de las operaciones
54 //realizadas en funcionp2x
55 float funcionp2x (float x){
56     float result;
57     result= -14.4*sin((6*x)+1.57080);
58     return result; }
59
60 //xnueva: Funcion del programa que determina la nueva x por medio del metodo de
61 //newton-raphson de segundo orden
62 //floatantes: x: recibe valores de x[i]; fx: recibe valores de fx[i]; fp[i]: recibe
63 //valores de fp2x[i]; result: guarda el resultado de las operaciones realizadas en xnueva
64 float xnueva (float x, float fx, float fp, float fp2x) {
65     float result;
66     result= x-(fx/(fp-((fp*fp2x)/2*fp)));
67     return result; }
68
69 int main() {
70
71 //Variables tipo enteras: itera: guarda el numero de iteraciones que se asigne en el
72 //archivo de entrada; nitera: contador de numero de iteraciones que realiza el programa;
73 //i,j: variables iterativas
74 int itera, i, j, nitera;
75
76 //Variables tipo floatantes: tolhor: guarda la tolerancia horizontal asignada en entrada;
77 //tolver: guarda la tolerancia vertical asignada en entrada; xder[150]: guarda el valor del
78 //extremo derecho en posicion falsi y sus actualizaciones; xizq[150]: guarda el valor del

```

extremo izquierdo en posición falsi y sus actualizaciones; fxder[150]: guarda el valor de cada de cada xder[i] evaluada en la función f; fxizq[150]: guarda el valor de cada xizq[i] evaluada en la función f; xreal [150]: guarda cada nueva x obtenida mediante el método de posición falsi; fxreal [150]: guarda el valor de cada xreal[i] evaluada en la función; errhz [150]: guarda el error horizontal calculado en cada iteración; vafxreal[150]: guarda el error vertical calculado en cada iteración

```

60     float tolhor, toler, xder[150], xizq[150], fxder[150], fxizq[150], xreal [150], fxreal
61     [150], errhz [150], varrhz [150], vafxreal[150];
62 //Variables tipo caracter: letrero[120]: guarda cada renglon que se desee del archivo de
63     entrada
64     char letrero[120];
65
66 //Apuntadores de archivo
67 FILE* entrada;
68 FILE* salida;
69
70 //Asignacion de archivo al apuntador
71 entrada= fopen("entrada.txt", "r");
72 salida= fopen ("salida.txt", "w");
73
74 if(entrada==NULL) {
75     printf("File: error al abrir el archivo de entrada");
76     exit(-1);
77 }
78
79 //Lee las 2 primeras filas del archivo de entrada
80 fgets (letrero,120,entrada);
81 fgets (letrero,120,entrada);
82
83 //Lee del archivo de entrada respectivamente: el numero de iteraciones, tolerancia
84 horizontal, tolerancia vertical para el metodo de regula falsi
85 fscanf(entrada,"%d %f %f\n",&itera, &tolhor, &tolver);
86
87 //Lee la 4 fila del archivo de entrada
88 fgets (letrero,120,entrada);
89
90 //Lee los 2 valores extremos con los que iniciara calculos el metodo de posicion falsi
91 fscanf(entrada,"%f %f\n",&xizq[0], &xder[0]);
92
93 printf("Metodo de Regula falsi\nPrimera raiz:\n");
94 printf("#itera\txzurda\t\txreal\t\txdistra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
95 fprintf(salida, "Metodo de Regula falsi\nPrimera raiz:\n");
96 fprintf(salida, "#itera\txzurda\t\txreal\t\txdistra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
97
98 nitera=0; i=0;
99
100 /*Actualización y calculo de cada tipo de variable y parametro requerido para la
101 realizacion del metodo de regula falsi mediante el uso de funciones y un ciclo do/while*/
102 do {
103     fxizq[i]= funcionx(xizq[i]);
104     fxder[i]= funcionx(xder[i]);
105     xreal[i]= operacionizqder(xizq[i],xder[i],fxizq[i],fxder[i]);
106     fxreal[i]= funcionx(xreal[i]);
107     vafxreal[i]= vafxreal2(fxreal[i]);
108
109     //Contador del numero de iteraciones
110     nitera=nitera+1;
111
112     //Esta parte del programa determina cual de los dos extremos se toma como punto fijo,
113     //mientras que el otro se actualizara con el nuevo valor de x obtenido por regula falsi en
114     //cada iteracion y en consecuencia este se utilizara para calcular el error horizontal en
115     //cada actualizacion
116     if (xreal[i]<0){
117         xizq[i+1]=xreal[i];
118         xder[i+1]=xder[i];
119         errhz[i]= errorhz(xizq[i],xreal[i]);}
120     if (xreal[i]>0) {
121         xder[i+1]=xreal[i];
122         xizq[i+1]=xizq[i];
123         errhz[i]= errorhz(xder[i],xreal[i]);}
124
125     //Esta parte imprime en el programa y archivo de salida los resultados obtenidos para
126     //cada parametro por cada iteracion usando el metodo de regula falsi
127     printf("%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
128     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);
129     fprintf(salida,"%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
130     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);
131     j=i;
132     i=i+1;
133 }
```

```

121 //Las condiciones para que se cumpla el while respectivamente son: el error horizontal
122 //debe ser menor a la tolerancia horizontal o el error vertical debe ser menor a la
123 //tolerancia vertical y las iteraciones realizadas por el programa deben ser menor al
124 //numero de estas asignadas en el archivo de entrada
125 }while ((errhz[j]>tolhor||vafxreal[j]>tolver)&&(itera>nitera));
126
127 printf("El valor de la primera raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
128 fprintf(salida,"El valor de la primera raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
129
130 //Se calcula la segunda raiz
131 printf("Calculos para la segunda raiz:\n");
132 fprintf(salida,"Calculos para la segunda raiz:\n");
133 printf("#itera\ttxzurda\t\txreal\t\ttxdiestra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
134 fprintf(salida, "#itera\ttxzurda\t\txreal\t\ttxdiestra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
135 fscanf(entrada,"%f %f\n",&xizq[0], &xder[0]);
136
137 do {
138     fxizq[i]= funcionx(xizq[i]);
139     fxder[i]= funcionx(xder[i]);
140     xreal[i]= operacionizqder(xizq[i],xder[i],fxizq[i],fxder[i]);
141     fxreal[i]= funcionx(xreal[i]);
142     vafxreal[i]= vafxreal2(fxreal[i]);
143
144     nitera=nitera+1;
145     if (xreal[i]<0){
146         xizq[i+1]=xreal[i];
147         xder[i+1]=xder[i];
148         errhz[i]= errorhz(xizq[i],xreal[i]);}
149     if (xreal[i]>0) {
150         xder[i+1]=xreal[i];
151         xizq[i+1]=xizq[i];
152         errhz[i]= errorhz(xder[i],xreal[i]);}
153
154     printf("%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
155     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);
156     fprintf(salida,"%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
157     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);
158 }while ((errhz[j]>tolhor||vafxreal[j]>tolver)&&(itera>nitera));
159
160 printf("El valor de la segunda raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
161 fprintf(salida,"El valor de la segunda raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
162
163 //Se calcula la tercera raiz
164 printf("Calculos para la tercera raiz:\n");
165 fprintf(salida,"Calculos para la tercera raiz:\n");
166 printf("#itera\ttxzurda\t\txreal\t\ttxdiestra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
167 fprintf(salida, "#itera\ttxzurda\t\txreal\t\ttxdiestra\tfxreal\t\tEhz\t\tfxreal\n");
168 fscanf(entrada,"%f %f\n",&xizq[0], &xder[0]);
169
170 nitera=0; i=0;
171
172 do {
173     fxizq[i]= funcionx(xizq[i]);
174     fxder[i]= funcionx(xder[i]);
175     xreal[i]= operacionizqder(xizq[i],xder[i],fxizq[i],fxder[i]);
176     fxreal[i]= funcionx(xreal[i]);
177     vafxreal[i]= vafxreal2(fxreal[i]);
178
179     nitera=nitera+1;
180     if (xreal[i]<0){
181         xizq[i+1]=xreal[i];
182         xder[i+1]=xder[i];
183         errhz[i]= errorhz(xizq[i],xreal[i]);}
184     if (xreal[i]>0) {
185         xder[i+1]=xreal[i];
186         xizq[i+1]=xizq[i];
187         errhz[i]= errorhz(xder[i],xreal[i]);}
188
189     printf("%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
190     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);
191     fprintf(salida,"%d\t%f\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, xizq[i], xreal[i], xder[i],
192     fxreal[i], errhz[i], vafxreal[i]);

```

AE2.CD1.I1

AE2.CD1.I

```

191     j=i;
192     i=i+1;
193     }while ((errhz[j]>tolhor||vafxreal[j]>tolver)&&(itera>nitera));
194
195 printf("El valor de la tercera raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
196 fprintf(salida,"El valor de la tercera raiz es aproximadamente: %f\n", xreal[j]);
197
198
199 printf("\n\nMetodo de Newton Rapsom de segundo orden\n");
200 fprintf(salida,"\n\nMetodo de Newton Rapsom de segundo orden\n");
201 fgets(letrero,120,entrada);
202 fgets(letrero,120,entrada);
203 fscanf(entrada,"%f %f\n", &tolhor, &tolver);
204 fgets(letrero,120,entrada);
205
206 //Variables flotantes: fpx[50]: guarda el valor de cada x[i] evaluada en la primera
207 //derivada funcion f, fp2x[50]: guarda el valor de cada x[i] evaluada en la segunda
208 //derivada de la funcion f; x[50]: guarda el valor de cada x desde la inicial hasta cada
209 //nueva que se obtenga por el metodo de newton rapsom de segundo orden; mtkhz[50]: guarda
210 //el error horizontal calculado en cada iteracion; fx[50]: guarda cada valor de x[i]
211 //evaluado en la funcion f; vafx[50]: guarda el error vertical calculado en cada iteracion
212 float fpx[50], fp2x[50], x[50], mtkhz[50], fx[50], vafx[50];
213
214
215
216 /*Actualizacion y calculo de cada tipo de variable y parametro requerido para la
217 realizacion del metodo de newton rapsom de segundo orden mediante el uso de funciones y
218 un ciclo do/while*/
219
220
221
222
223
224
225
226
227
228
229
230
231
232
233
234
235
236
237
238
239
240
241
242
243
244
245
246
247
248
249
250
251
252
253
254
255
256

```

AE2.CD1.I1

AE2.CD1.I1 →

AE2.CD1.I1

```

262 fprintf(salida,"Calculo de la tercera raiz:\n");
263 printf("#itera\tx\t\tx\t\tx\thz\t\tx\t\txreal|\n");
264 fprintf(salida,"#itera\tx\t\tx\t\tx\t\thz\t\tx\t\txreal|\n");
265 i=0; nitera=0;
266 fscanf(entrada,"%f\n",&x[0]);
267
268 //Se calcula la tercer raiz
269 do {
270     fx[i]= funcionx(x[i]);
271     fpx[i]= funcionpx(x[i]);
272     fp2x[i]= funcionp2x(x[i]);
273     x[i+1]= xnueva(x[i],fx[i],fpx[i],fp2x[i]);
274     mtkhz[i]=errorhz(x[i],x[i+1]);
275     vafx[i]=vafxreal2(fx[i]);
276
277     printf("%d\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, x[i], fx[i], mtkhz[i], vafx[i]);
278     fprintf(salida,"%d\t%f\t%f\t%f\t%f\n", nitera, x[i], fx[i], mtkhz[i], vafx[i]);
279     j=i;
280     i=i+1;
281     nitera=j+1;
282 }while ((mtkhz[j]>tolhor) | (vafx[j]>tolver) && (itera>nitera));
283 printf("El valor de la tercera raiz es aproximadamente: %f\n", x[j]);
284 fprintf(salida,"El valor de la tercera raiz es aproximadamente: %f\n", x[j]);
285 return 0;
286
287

```

AE2.CD1.I1

salida

Metodo de Regula falsi

Primera raiz:

#itera	xzurda	xreal	xdiestra	fxreal	Ehz	fxreal
1	0.100000	0.258441	0.400000	0.008059	54.774364	0.008059
2	0.100000	0.262405	0.258441	-0.001455	1.510792	0.001455
3	0.100000	0.261692	0.262405	0.000255	0.272363	0.000255
4	0.100000	0.261818	0.261692	-0.000045	0.047808	0.000045
5	0.100000	0.261795	0.261818	0.000008	0.008435	0.000008
6	0.100000	0.261799	0.261795	-0.000001	0.001491	0.000001
7	0.100000	0.261799	0.261799	0.000000	0.000262	0.000000
8	0.100000	0.261799	0.261799	-0.000000	0.000046	0.000000
9	0.100000	0.261799	0.261799	0.000000	0.000011	0.000000
10	0.100000	0.261799	0.261799	0.000000	0.000000	0.000000

El valor de la primera raiz es aproximadamente: 0.261799

Calculos para la segunda raiz:

#itera	xzurda	xreal	xdiestra	fxreal	Ehz	fxreal
1	0.600000	0.775668	0.900000	-0.023338	16.029034	0.023338
2	0.600000	0.787893	0.775668	0.005988	1.551566	0.005988
3	0.600000	0.784808	0.787893	-0.001416	0.393092	0.001416
4	0.600000	0.785540	0.784808	0.000342	0.093238	0.000342
5	0.600000	0.785363	0.785540	-0.000082	0.022495	0.000082
6	0.600000	0.785406	0.785363	0.000020	0.005411	0.000020
7	0.600000	0.785396	0.785406	-0.000005	0.001305	0.000005
8	0.600000	0.785398	0.785396	0.000001	0.000311	0.000001
9	0.600000	0.785397	0.785398	-0.000000	0.000068	0.000000
10	0.600000	0.785398	0.785397	0.000000	0.000015	0.000000
11	0.600000	0.785398	0.785398	-0.000000	0.000008	0.000000

El valor de la segunda raiz es aproximadamente: 0.785398

Calculos para la tercera raiz:

#itera	xzurda	xreal	xdiestra	fxreal	Ehz	fxreal
1	1.100000	1.304201	1.500000	0.011507	15.012925	0.011507
2	1.100000	1.310576	1.304201	-0.003791	0.486415	0.003791
3	1.100000	1.308496	1.310576	0.001200	0.158940	0.001200
4	1.100000	1.309157	1.308496	-0.000385	0.050437	0.000385
5	1.100000	1.308945	1.309157	0.000123	0.016156	0.000123
6	1.100000	1.309013	1.308945	-0.000039	0.005154	0.000039
7	1.100000	1.308991	1.309013	0.000013	0.001648	0.000013
8	1.100000	1.308998	1.308991	-0.000004	0.000528	0.000004
9	1.100000	1.308996	1.308998	0.000001	0.000164	0.000001
10	1.100000	1.308996	1.308996	-0.000000	0.000046	0.000000
11	1.100000	1.308996	1.308996	0.000000	0.000009	0.000000

El valor de la tercera raiz es aproximadamente: 1.308996

Metodo de Newton Rampson de segundo orden

Calculo de la primera raiz:

#itera	x	fx	Ehz	fxreal
0	0.100000	0.330133	45.131050	0.330133
1	0.182252	0.183745	22.729900	0.183745
2	0.235864	0.061992	9.394031	0.061992
3	0.260319	0.003553	0.565303	0.003553
4	0.261798	0.000001	0.000114	0.000001
5	0.261799	0.000000	0.000000	0.000000

El valor de la primera raiz es aproximadamente: 0.261799

Calculo de la segunda raiz:

#itera	x	fx	Ehz	fxreal
0	0.600000	-0.358703	14.511898	0.358703
1	0.701852	-0.192217	7.248411	0.192217
2	0.756701	-0.068532	3.411225	0.068532
3	0.783425	-0.004733	0.251033	0.004733
4	0.785397	-0.000002	0.000083	0.000002
5	0.785398	-0.000000	0.000000	0.000000

El valor de la segunda raiz es aproximadamente: 0.785398

Calculo de la tercera raiz:

#itera	x	fx	Ehz	fxreal
0	1.100000	0.380093	11.375250	0.380093
1	1.241188	0.158287	3.834709	0.158287
2	1.290682	0.043866	1.358295	0.043866
3	1.308455	0.001299	0.041364	0.001299
4	1.308996	0.000000	0.000000	0.000000

El valor de la tercera raiz es aproximadamente: 1.308996